

МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Федеральное государственное автономное образовательное
учреждение высшего образования
«СЕВАСТОПОЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

ИНСТИТУТ РАДИОЭЛЕКТРОНИКИ
И ИНТЕЛЛЕКТУАЛЬНЫХ ТЕХНИЧЕСКИХ СИСТЕМ

Кафедра "Информатика и управление в технических системах"

**РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ ЛОКАЛИЗАЦИИ
В СВОБОДНОЙ ФОРМЕ**

Методические указания
к выполнению лабораторной работы
по дисциплине "Навигация мобильных робототехнических систем"
для студентов направления подготовки
27.03.04 – Управление в технических системах



Севастополь
СевГУ
2025

УДК [007.52:531.1]:519.2](076.5)

ББК 32.816:22.172я73

Р47

Р е ц е н з е н т:

В. А. Крамарь – д-р техн. наук, профессор, профессор кафедры
"Информатика и управление в технических системах"

Составители: А. А. Кабанов, А. Д. Ляшко

Р47 Решение задачи локализации в свободной форме : методические указания к выполнению лабораторной работы по дисциплине "Навигация мобильных робототехнических систем" для студентов направления подготовки 27.03.04 – Управление в технических системах / Севастопольский государственный университет, Институт радиоэлектроники и интеллектуальных технических систем, кафедра "Информатика и управление в технических системах" ; сост.: А. А. Кабанов, А. Д. Ляшко. – Севастополь : СевГУ, 2025. – 16 с. – Текст : электронный.

Приводится описание лабораторной работы, целью которой является совершенствование практических навыков решения задачи локализации мобильного робота в априорно известной среде, а также применение одного из изученных алгоритмов локализации (фильтра частиц, метода Монте-Карло или фильтра Калмана).

Предназначены для студентов дневной и заочной форм обучения направления подготовки 27.03.04 – Управление в технических системах.

УДК [007.52:531.1]:519.2](076.5)

ББК 32.816:22.172я73

Методические указания рассмотрены и утверждены на заседании кафедры "Информатика и управления в технических системах", протокол № 6 от 25 марта 2025 г.

© Кабанов А. А., Ляшко А. Д., сост., 2025

© ФГАОУ ВО «Севастопольский
государственный университет», 2025

СОДЕРЖАНИЕ

1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ	4
2 КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ.....	4
2.1 Модель мира.....	4
2.2 Модель робота	5
2.3 Модель измерений.....	6
3 ЗАДАНИЕ НА ВЫПОЛНЕНИЕ РАБОТЫ.....	7
4 СОДЕРЖАНИЕ ОТЧЁТА И ПОРЯДОК ЗАЩИТЫ РАБОТЫ	9
5 КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ	9
БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК.....	10
ПРИЛОЖЕНИЕ А	11
А.1 Пример (Python).....	11
А.2 Пример (Matlab).....	14

1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Целью данной работы является совершенствование практических навыков решения задачи локализации мобильного робота в априорно известной среде, а также применение одного из изученных алгоритмов локализации (фильтра частиц, метода Монте-Карло или фильтра Калмана).

Все вычислительные процедуры и построения предлагается проводить с помощью математических пакетов MathCAD, MatLab, Octave, Python, которые обеспечивают высокую точность расчетов и удобство визуализации результатов.

2 КРАТКИЕ ТЕОРЕТИЧЕСКИЕ СВЕДЕНИЯ

2.1 Модель мира

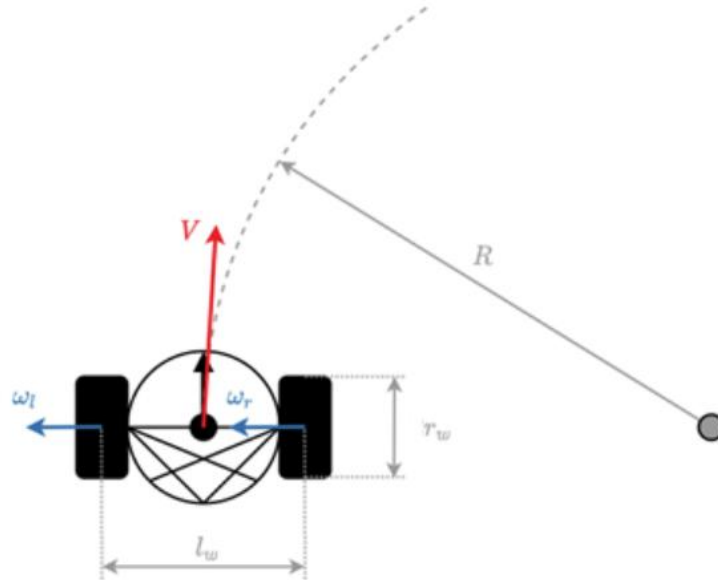
Модель мира в данной лабораторной работе представляет собой прямоугольную область с жёсткими границами, аналогичную модели, использовавшейся при изучении фильтра частиц, но с двумя ключевыми отличиями:

1. Размер карты по осям x , y различается.
2. Отсутствие цикличности. Это означает, что при достижении границы карты робот не сможет двигаться дальше в этом направлении и останавливается. Значение угла курса $\psi = 0^\circ$ соответствует движению робота вправо (в сторону увеличения координаты x), а разворот по курсу осуществляется по часовой стрелке. Начало координат располагается в верхнем углу карты.



2.2 Модель робота

В рамках решения поставленной задачи требуется разработка специализированной модели мобильного робота, обладающей отличительными особенностями по сравнению с классическими моделями, рассмотренными ранее. В качестве базовой архитектуры предлагается использовать класс *Robot* (Примеры представлены в приложении А) и внести в него соответствующие изменения.



Робот представляет собой двухколёсную платформу, во многом похожую на основу робота-пылесоса. Движение робота осуществляется под воздействием вращения его колёс. При этом линейную и угловую скорости движения робота можно рассчитать по следующим соотношениям:

$$V = r_w \frac{\omega_l + \omega_r}{2}$$

$$\dot{\psi} = r_w \frac{\omega_l - \omega_r}{l_w}$$

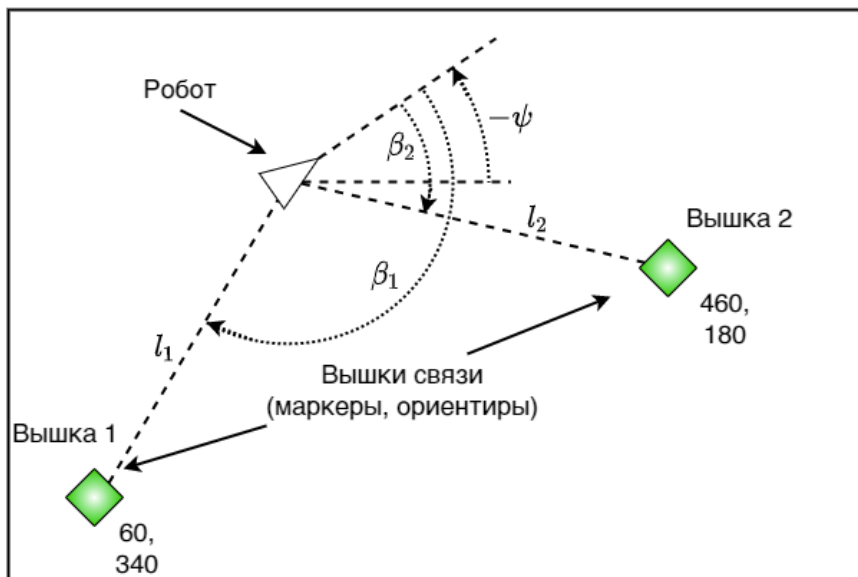
Таким образом, для разворота робота по углу курса необходимо задать разницу угловых скоростей вращения его колёс. При этом робот будет осуществлять движение по окружности с радиусом:

$$R = \frac{V}{\dot{\psi}}$$

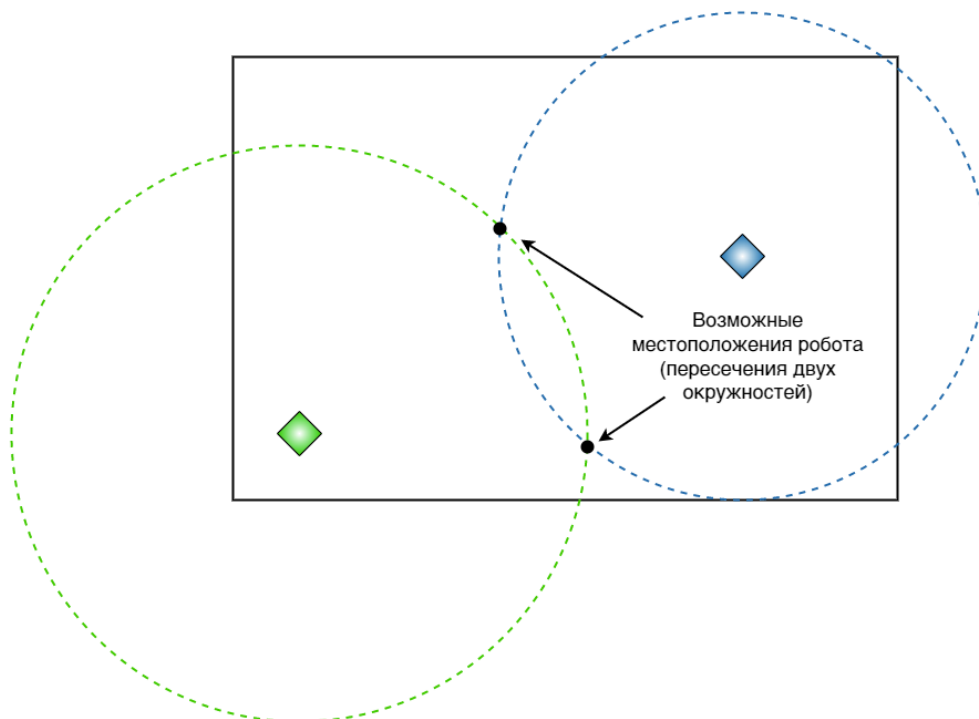
В качестве команд управления движением робота будут использоваться заданные значения угловых скоростей вращения колёс ω_{lc} , ω_{rc} (рад/с) и время выполнения команды t_c (с).

При моделировании будем полагать, что радиус окружности колеса $r_w = 0.15$ м, а расстояние между колёсами $l_w = 0.5$ м.

2.3 Модель измерений



В моделируемом мире расположены две вышки связи, координаты которых показаны на рисунке. Робот может измерять дальности l_1, l_2 до каждой из этих вышек, а также углы пеленга β_1, β_2 . Угол пеленга – угол между продольной осью робота и направлением на цель. Координаты местоположения робота могут быть рассчитаны на основе двух измерений дальностей до вышек как точка пересечения двух соответствующих окружностей:



Нетрудно заметить, что задача нахождения точки пересечения двух окружностей имеет два возможных решения. Их можно найти, решив систему уравнений:

$$\begin{cases} (x - x_1)^2 + (y - y_1)^2 = l_1^2 \\ (x - x_2)^2 + (y - y_2)^2 = l_2^2 \end{cases}$$

где x_1, y_1, x_2, y_2 — координаты центров соответствующих окружностей; l_1, l_2 — их радиусы.

Углы пеленга формируются как разность направления на цель и текущего угла курса робота:

$$\begin{cases} \beta_1 = \text{atan}\left(\frac{y - y_1}{x - x_1}\right) - \psi \\ \beta_2 = \text{atan}\left(\frac{y - y_2}{x - x_2}\right) - \psi \end{cases}$$

При моделировании будем полагать, что шумы измерений расстояний до вышек связи $\text{sense_len_noise} = 10 \text{ м}$, а шумы измерения углов пеленга $\text{sense_ang_noise} = 0.3 \text{ рад}$.

3 ЗАДАНИЕ НА ВЫПОЛНЕНИЕ РАБОТЫ

Необходимо разработать программу, осуществляющую локализацию робота в двумерном пространстве. В этой задаче нет шаблонов классов и методов решения задачи, можно выбрать любой понравившийся метод.

Требование к решению:

- определение координат местоположения робота с точностью до 10 метров.
- определение угла курса робота с точностью до 8 градусов.

Параметры моделирования:

Все шумы представлены в виде нормальных законов распределения с нулевым математическим ожиданием из заданным СКО.

Шум измерений дальности $\text{sense_len_noise} = 10 \text{ м}$.

Шум измерений угла пеленга $\text{sense_ang_noise} = 0.3 \text{ рад}$.

Шум движения (установки заданной угловой скорости вращения колёс) $\text{motion_noise} = 0.2 \text{ рад/с}$.

В начальный момент времени робот находится в состоянии полной неопределённости.

Рекомендуемый шаг моделирования $dt = 0.1 \text{ с}$.

Представленные наборы входных данных гарантируют наличие решения задачи пересечения окружностей для нахождения координат местоположения робота.

Формат входных данных:

$l_1 \beta_1 l_2 \beta_2$
 $\omega_{lc} \omega_{rc} t_c$
 $l_1 \beta_1 l_2 \beta_2$
 $\omega_{lc} \omega_{rc} t_c$
 $\dots$
 $l_1 \beta_1 l_2 \beta_2$
 $\omega_{lc} \omega_{rc} t_c$
 $l_1 \beta_1 l_2 \beta_2$

Последовательные результаты совершённых измерений и заданные команды движения робота. Количество пар *измерение-команда* может отличаться для разных тестов. Обратите внимание, что количество измерений на единицу больше количества команд движения. Программа начинается и заканчивается измерением местоположения робота!

Формат выходных данных:

x , y , ψ - Координаты местоположения (м.) и угол курса робота (град. в диапазоне $[0, 360]$).

Несколько соображений по выбору метода решения задачи:

Для решения задачи методом Монте-Карло целесообразно разделить карту на клетки размером 10 м. для решения дискретной задачи локализации. В этом случае вам остаётся лишь определить, в какой из клеток находится робот для обеспечения требования по точности определения местоположения.

Для решения задачи с применением фильтра Калмана необходимо написать функцию расчёта оценки местоположения робота по полученным измерениям дальностей до вышек связи. Также вам потребуется придумать какую-нибудь хитрость для составления линейной модели движения робота.

При использовании фильтра частиц для решения задачи модель измерений робота упрощается, так как нет необходимости осуществлять пересчёт дальностей до вышек связи и углов пеленга в навигационные параметры робота. Однако в этом случае для каждого набора измерений у вас будет несколько возможных местоположений робота (проблема неоднозначности измерений). Вам потребуется учитывать это при построении фильтра. Входные данные представлены в таблице 1.

Таблица 1 – Варианты заданий

Вариант 1 (Входные данные)	Вариант 2 (Входные данные)
348.4 3.9 176.7 1.7	335.5 1.8 475.5 0.0
80.0 79.1 28.0	150.0 149.5 16.0
438.6 0.5 28.5 5.5	265.2 1.2 182.5 4.7
61.0 61.0 22.0	120.0 121.0 6.0
266.4 0.4 180.7 3.3	321.0 2.8 136.8 5.2
25.0 24.1 12.3	120.0 120.2 8.0
237.2 5.3 216.9 2.0	451.6 2.9 128.6 4.4
63.0 63.0 22.0	20.0 22.0 7.0
196.1 4.2 313.8 1.7	465.5 5.1 114.6 0.4
82.0 81.1 28.0	38.0 37.6 19.0
336.3 1.1 180.2 4.8	500.7 4.0 63.0 4.8
2.0 2.9 22.0	37.0 37.5 19.0
341.8 4.2 182.3 2.3	520.4 4.8 117.4 4.4
80.0 79.1 28.0	60.0 61.0 5.0
431.1 0.8 28.7 5.0	497.2 5.3 117.4 4.7
Выходные данные	Выходные данные
453.1 157.1 131.1	482.9 65.7 183.8

4 СОДЕРЖАНИЕ ОТЧЁТА И ПОРЯДОК ЗАЩИТЫ РАБОТЫ

В отчёте по лабораторной работе должны быть отражены цель, предварительные математические построения и расчёты, необходимые сведения о методах решения рассматриваемых задач и средствах системы Matlab, Python, тексты программ, схемы моделирования, численные и графические результаты расчётов и построений, выводы по работе.

Защита результатов лабораторной работы производится за компьютером при наличии работающих программ и полностью оформленного отчёта. В ходе защиты студент может получить дополнительные теоретические вопросы и практические задания по существу работы.

5 КОНТРОЛЬНЫЕ ВОПРОСЫ

1. Какие основные принципы лежат в основе работы фильтра частиц?
2. Какие данные используются в фильтре частиц для определения положения робота?
3. Как происходит инициализация частиц в алгоритме фильтра частиц?
4. Каким образом обновляются частицы в процессе работы фильтра частиц?
5. Как осуществляется оценка состояния робота с использованием фильтра частиц?
6. Какие проблемы могут возникнуть при использовании фильтра частиц в навигации мобильных роботов?
7. Какие преимущества и недостатки имеет метод Монте-Карло по сравнению с другими методами локализации роботов?

БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК

1. Бесконтактные средства локальной ориентации роботов: учебно-методическое пособие / С. М. Власов, В. И. Бойков, С. В. Быстров, В. В. Григорьев. – Санкт-Петербург : НИУ ИТМО, 2017. – 169 с. – Текст: электронный // Лань: электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/110461> (дата обращения: 02.04.2025). – Режим доступа: для авториз. пользователей.
2. Баланов, А. Н. Машинное обучение и искусственный интеллект : учебное пособие для вузов / А. Н. Баланов. – 2-е изд., стер. – Санкт-Петербург : Лань, 2025. – 172 с. – ISBN 978-5-507-52891-2. – Текст : электронный // Лань : электронно-библиотечная система. – URL: <https://e.lanbook.com/book/462248> (дата обращения: 14.04.2025). – Режим доступа: для авториз. пользователей.
3. Peter Corke. Robotics, Vision and Control. Fundamental Algorithms in MATLAB // Springer, 2011, ISBN 978-3-642-20143-1, 570 p.
4. Akai N. Reliable Monte Carlo localization for mobile robots //Journal of Field Robotics. – 2023. – Т. 40. – №. 3. – С. 595-613.
5. Cook G., Zhang F. Mobile robots: navigation, control and sensing, surface robots and AUVs. – John Wiley & Sons, 2020.

ПРИЛОЖЕНИЕ А

А1. Пример (Python)

```

import random
from math import *

world_size_x = 600
world_size_y = 400
landmarks = [[60, 340], [460, 180]]

class Robot:
    # class wide variables
    particle = False # particle flag, particles should have a different visuals
    path = [] # used to store the robot's traveled path
    # Actual parameters
    x = 0.0
    y = 0.0
    orientation = 0.0

    def __init__(self, particle = False):
        self.x = random.random() * 600
        self.y = random.random() * 400
        self.orientation = random.random() * 2.0 * pi
        self.wheels_noise = 0.0
        self.sense_len_noise = 0.0
        self.sense_ang_noise = 0.0
        # Graphic stuff
        self.path = []
        self.path.append((self.x, self.y))
        self.particle = particle

    def set(self, new_x, new_y, new_orientation):
        #new_x %= world_size # cyclic truncate
        #new_y %= world_size
        new_orientation %= 2*pi
        self.x = float(new_x)
        self.y = float(new_y)
        self.orientation = float(new_orientation)
        self.path = []
        self.path.append((self.x, self.y))

    def sense(self):
        Z = []
        dd = sqrt((landmarks[1][0] - landmarks[0][0])**2 + (landmarks[1][1] - landmarks[0][1])**2)
        # get distances
        for i in range(len(landmarks)):
            d = sqrt((self.x - landmarks[i][0])**2 + (self.y - landmarks[i][1])**2)
            d += random.gauss(0.0, self.sense_len_noise)

```

```

a = atan2(landmarks[i][1] - self.y, landmarks[i][0] - self.x) - self.orientation
a += random.gauss(0.0, self.sense_ang_noise)
Z.append(d)
Z.append(a % (2*pi))
# Check if the measurements allow to build a valid solution
while Z[0] + Z[2] <= dd:
    print("whhopsie")
    Z[0] += self.sense_len_noise / 6
    Z[2] += self.sense_len_noise / 6
return Z

def set_noise(self, new_w_noise, new_sd_noise, new_sa_noise):
    # makes it possible to change the noise parameters
    # this is often useful in particle filters
    self.wheels_noise = float(new_w_noise)
    self.sense_len_noise = float(new_sd_noise)
    self.sense_ang_noise = float(new_sa_noise)

def move(self, left, right, time):
    # turn, and add randomness to the turning command
    left += random.gauss(0.0, self.wheels_noise)
    right += random.gauss(0.0, self.wheels_noise)
    rate = 0.15 * (left - right) / 2 / 0.5
    vel = 0.15 * (left + right) / 2
    #print("d --- {} {}".format(vel, rate))
    print("{:.1f} {:.1f} {:.1f}".format(left, right, time))

    x = self.x
    y = self.y
    orientation = self.orientation
    for i in range(0, int(time * 10)):
        orientation += rate * 0.1
        orientation %= 2 * pi
        dist = vel * 0.1
        xd = (cos(orientation) * dist)
        yd = (sin(orientation) * dist)
        x = max(min(599, (x + xd)), 0)
        y = max(min(399, (y + yd)), 0)
        self.path.append((x, y))
    #print(x)

    #print(self.x)
    part = Robot(self.particle)
    part.set_noise(self.wheels_noise, self.sense_len_noise, self.sense_ang_noise)
    part.set(x, y, orientation)
    part.path = self.path
    return part

```

```

def Gaussian(self, mu, sigma, x):
    # calculates the probability of x for 1-dim Gaussian with mean mu and var. sigma
    return exp(- ((mu - x) ** 2) / (sigma ** 2) / 2.0) / sqrt(2.0 * pi * (sigma ** 2))

def measurement_prob(self, measurement):
    # calculates how likely a measurement should be
    prob = 1.0;
    for i in range(len(landmarks)):
        dist = sqrt((self.x - landmarks[i][0]) ** 2 + (self.y - landmarks[i][1]) ** 2)
        prob *= self.Gaussian(dist, self.sense_noise, measurement[i])
    return prob

def __repr__(self):
    return '[x=%.6s y=%.6s orient=%.6s]' % (str(self.x), str(self.y), str(self.orientation))

@staticmethod
def eval(r, p):
    # find weights
    z = r.sense()
    w = []
    for i in range(0, len(p)):
        w.append(p[i].measurement_prob(z))
    s = sum(w)
    a = []
    for i in range(0, len(p)):
        a.append(w[i] / s)

    # find weighter sum
    s = 0.0
    for i in range(len(p)): # calculate mean error
        dx = (p[i].x - r.x + (world_size/2.0)) % world_size - (world_size/2.0)
        dy = (p[i].y - r.y + (world_size/2.0)) % world_size - (world_size/2.0)
        err = sqrt(dx * dx + dy * dy)
        s += err * a[i]
    return s

```

A2. Пример (MATLAB)

```
% Глобальные параметры
world_size_x = 600;
world_size_y = 400;
landmarks = [60, 340; 460, 180];

% Создание робота
robot = struct();
robot.particle = false;
robot.path = [];
robot.x = rand() * world_size_x;
robot.y = rand() * world_size_y;
robot.orientation = rand() * 2 * pi;
robot.wheels_noise = 0.0;
robot.sense_len_noise = 0.0;
robot.sense_ang_noise = 0.0;
robot.path = [robot.x, robot.y];

% Функция установки параметров робота
function robot = set_robot(robot, new_x, new_y, new_orientation)
    new_orientation = mod(new_orientation, 2*pi);
    robot.x = new_x;
    robot.y = new_y;
    robot.orientation = new_orientation;
    robot.path = [new_x, new_y];
end

% Функция измерения расстояний до ориентиров
function Z = sense(robot)
    global landmarks;
    Z = [];

    dd = sqrt((landmarks(2,1) - landmarks(1,1))^2 + (landmarks(2,2) - landmarks(1,2))^2);

    for i = 1:size(landmarks, 1)
        d = sqrt((robot.x - landmarks(i,1))^2 + (robot.y - landmarks(i,2))^2);
        d = d + normrnd(0.0, robot.sense_len_noise);
        a = atan2(landmarks(i,2) - robot.y, landmarks(i,1) - robot.x) - robot.orientation;
        a = a + normrnd(0.0, robot.sense_ang_noise);
        a = mod(a, 2*pi);
        Z = [Z, d, a];
    end

    % Проверка допустимости измерений
    while Z(1) + Z(3) <= dd
        fprintf("whhopsie\n");
        Z(1) = Z(1) + robot.sense_len_noise / 6;
        Z(3) = Z(3) + robot.sense_len_noise / 6;
    end
end

% Установка шумов
function robot = set_noise(robot, new_w_noise, new_sd_noise, new_sa_noise)
    robot.wheels_noise = new_w_noise;
    robot.sense_len_noise = new_sd_noise;
    robot.sense_ang_noise = new_sa_noise;
end

% Движение робота
function new_robot = move_robot(robot, left, right, time)
```

```

left = left + normrnd(0.0, robot.wheels_noise);
right = right + normrnd(0.0, robot.wheels_noise);

rate = 0.15 * (left - right) / 2 / 0.5;
vel = 0.15 * (left + right) / 2;

fprintf('%0.1f %0.1f %0.1f\n', left, right, time);

x = robot.x;
y = robot.y;
orientation = robot.orientation;

for i = 1:(time * 10)
    orientation = orientation + rate * 0.1;
    orientation = mod(orientation, 2*pi);
    dist = vel * 0.1;
    xd = cos(orientation) * dist;
    yd = sin(orientation) * dist;
    x = max(min(world_size_x-1, x + xd), 0);
    y = max(min(world_size_y-1, y + yd), 0);
    robot.path = [robot.path; x, y];
end

new_robot = robot;
new_robot.x = x;
new_robot.y = y;
new_robot.orientation = orientation;
end

% Гауссовское распределение
function prob = gaussian(mu, sigma, x)
    prob = exp(-((mu - x)^2) / (sigma^2) / 2.0) / sqrt(2.0 * pi * (sigma^2));
end

% Вероятность измерения
function prob = measurement_prob(robot, measurement)
    global landmarks;
    prob = 1.0;

    for i = 1:size(landmarks, 1)
        dist = sqrt((robot.x - landmarks(i,1))^2 + (robot.y - landmarks(i,2))^2);
        prob = prob * gaussian(dist, robot.sense_noise, measurement(i));
    end
end

% Оценка частиц
function s = eval_particles(true_robot, particles)
    global world_size_x;

    z = sense(true_robot);
    w = zeros(1, length(particles));

    for i = 1:length(particles)
        w(i) = measurement_prob(particles{i}, z);
    end

    s = sum(w);
    a = w / s;

    % Взвешенная сумма
    s = 0.0;
    for i = 1:length(particles)
        dx = mod(particles{i}.x - true_robot.x + (world_size_x/2.0), world_size_x) - (world_size_x/2.0);

```

```
dy = mod(particles{i}.y - true_robot.y + (world_size_x/2.0), world_size_x) - (world_size_x/2.0);  
err = sqrt(dx*dx + dy*dy);  
s = s + err * a(i);  
end  
end
```

РЕШЕНИЕ ЗАДАЧИ ЛОКАЛИЗАЦИИ В СВОБОДНОЙ ФОРМЕ

Методические указания

Составители: **Кабанов** Алексей Александрович,
Ляшко Александр Дмитриевич

В авторской редакции